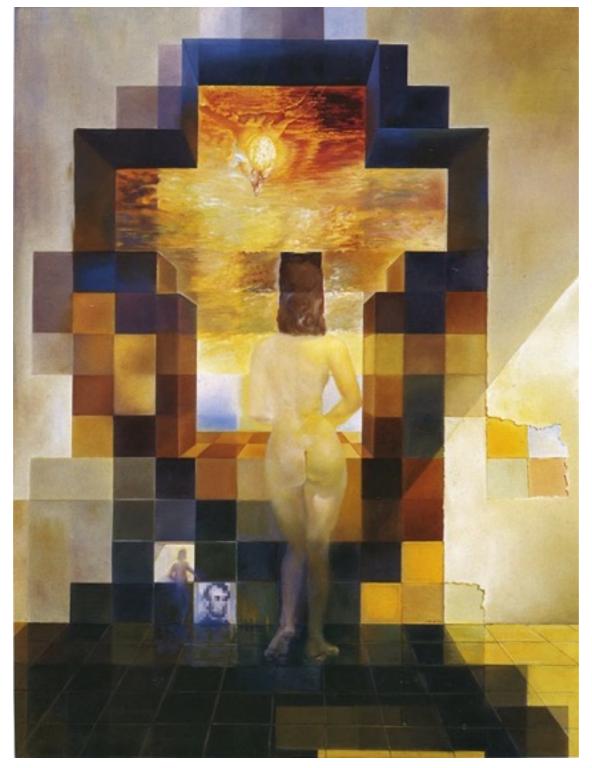
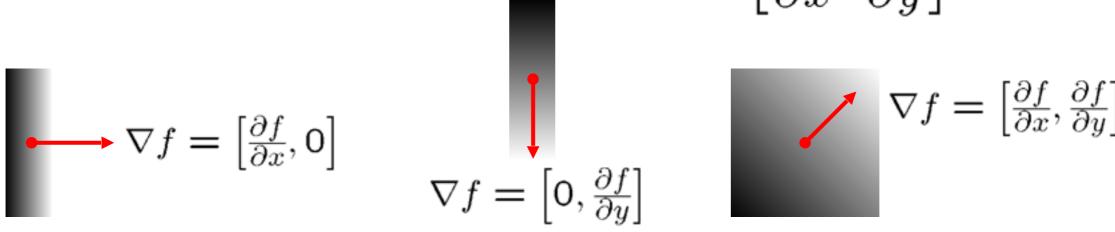
Applications du filtrage



GIF-4105/7105 Photographie Algorithmique, Hiver 2017 Jean-François Lalonde

Gradient

• Le gradient d'une image: $\nabla f = \left[\frac{\partial f}{\partial x}, \frac{\partial f}{\partial y}\right]$

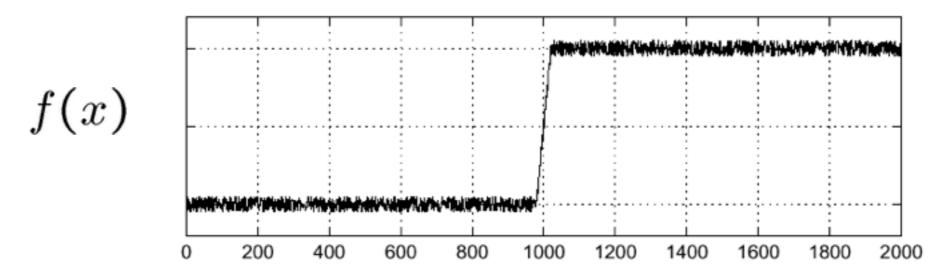


- Pointe dans la direction du changement le plus rapide en intensité
- Amplitude et orientation:

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{\partial f}{\partial y} / \frac{\partial f}{\partial x} \right)$$
$$\|\nabla f\| = \sqrt{\left(\frac{\partial f}{\partial x} \right)^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial y} \right)^2}$$

Bruit

- Analysons une seule ligne dans l'image
 - Affiche l'intensité en fonction de la coordonnée x

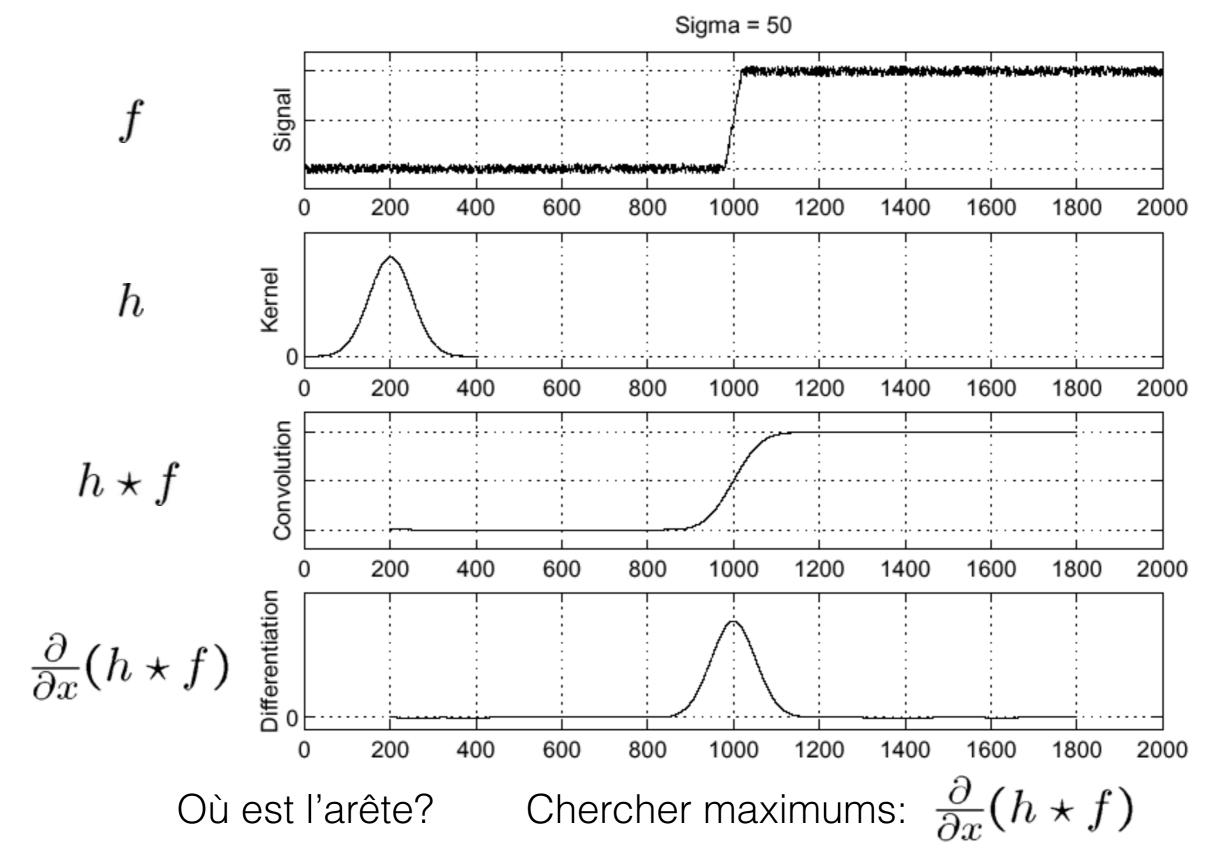


Comment calculer le gradient (la dérivée?)

$$\frac{d}{dx}f(x)$$
 0 200 400 600 800 1000 1200 1400 1600 1800 2000

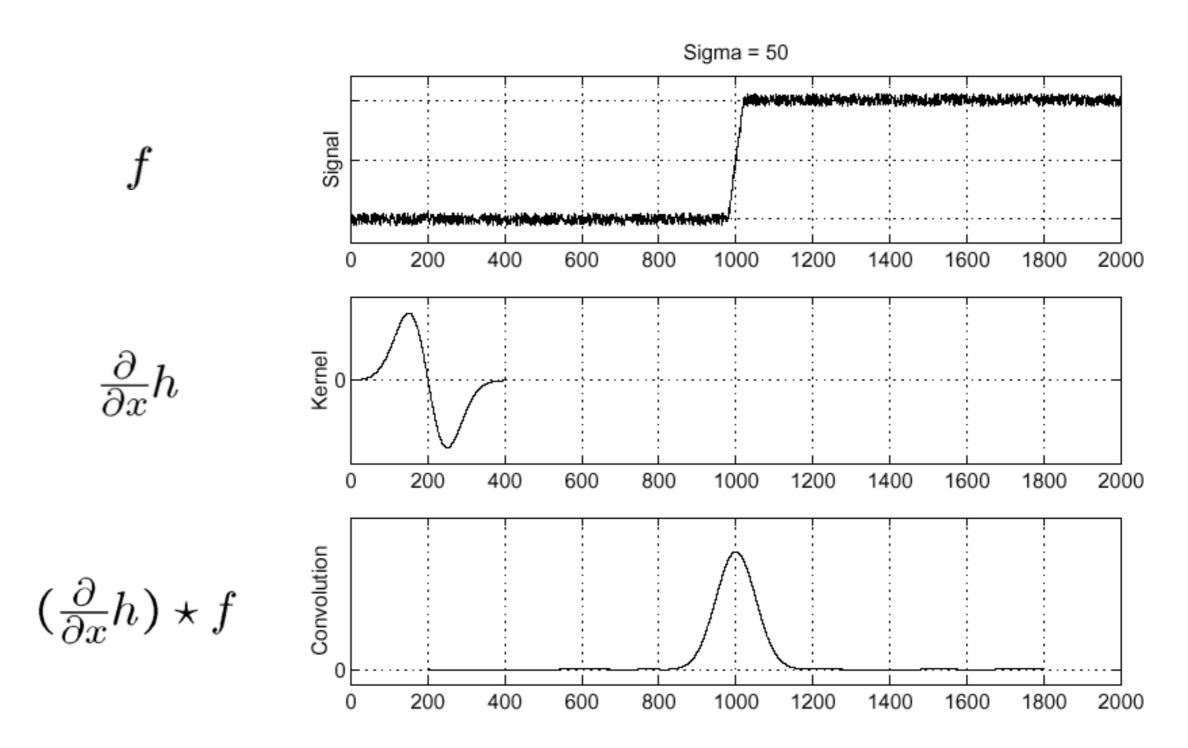
Où est l'arête?

Solution: adoucir! (filtrer!)



Théorème sur la dérivée de la convolution

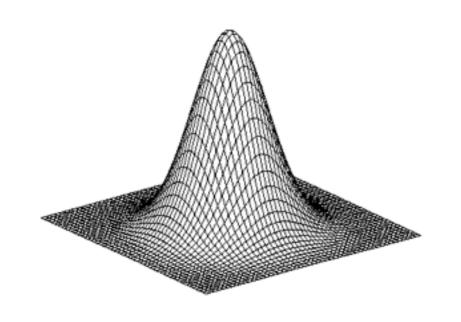
• On sauve une étape: $\frac{\partial}{\partial x}(h\star f)=(\frac{\partial}{\partial x}h)\star f$



Laplacien d'une gaussienne

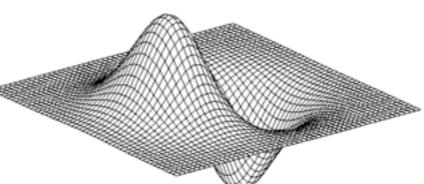
 $\frac{\partial^2}{\partial x^2}(h \star f)$ Sigma = 50 Laplacien d'une gaussienne Kernel 0 (LoG) $\overline{0}$ Convolution $\left(\frac{\partial^2}{\partial x^2}h\right)\star f$ Où est l'arête? Où le graphe du bas croise 0

Détection d'arête en 2-D



Gaussienne

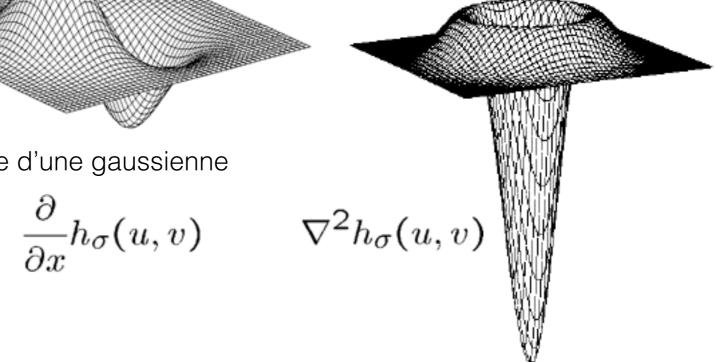
$$h_{\sigma}(u,v) = \frac{1}{2\pi\sigma^2} e^{-\frac{u^2+v^2}{2\sigma^2}}$$



dérivée d'une gaussienne

$$\frac{\partial}{\partial x}h_{\sigma}(u,v)$$





$$\nabla^2$$

est l'opérateur Laplacien:

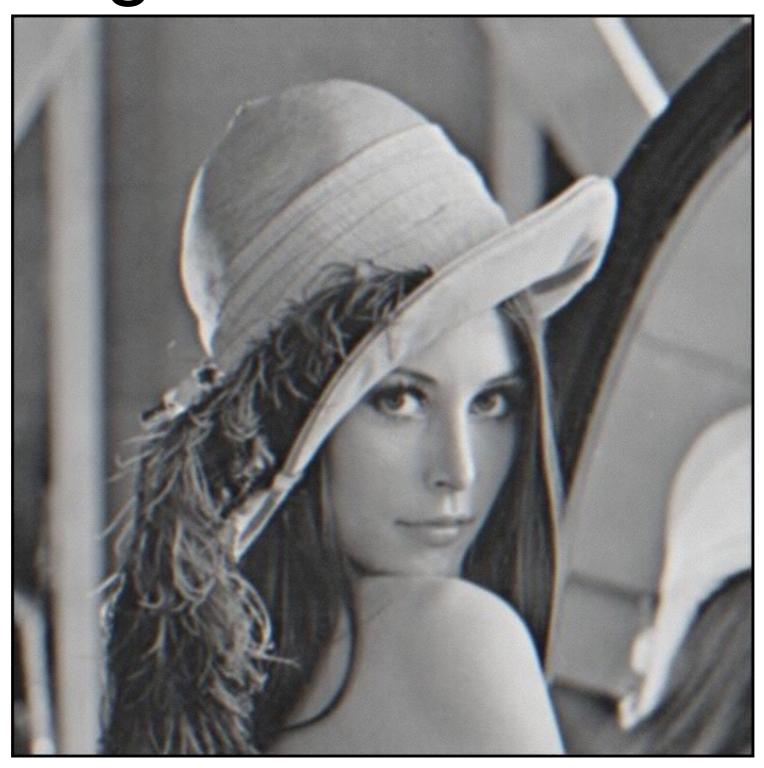
$$\nabla^2 f = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2}$$

Un filtre gaussien enlève...?



Image originale (vous la connaissez?)

Un filtre gaussien enlève...?



filtrée (gaussienne 5x5)

Filtre passe-haut



originale - filtrée

Accentuation (« sharpening »)



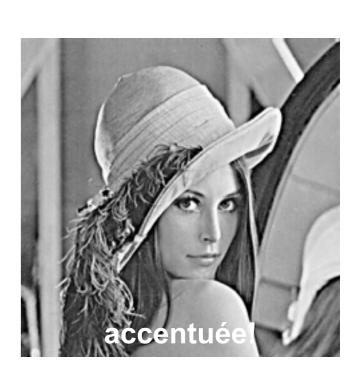




Rajoutons les détails







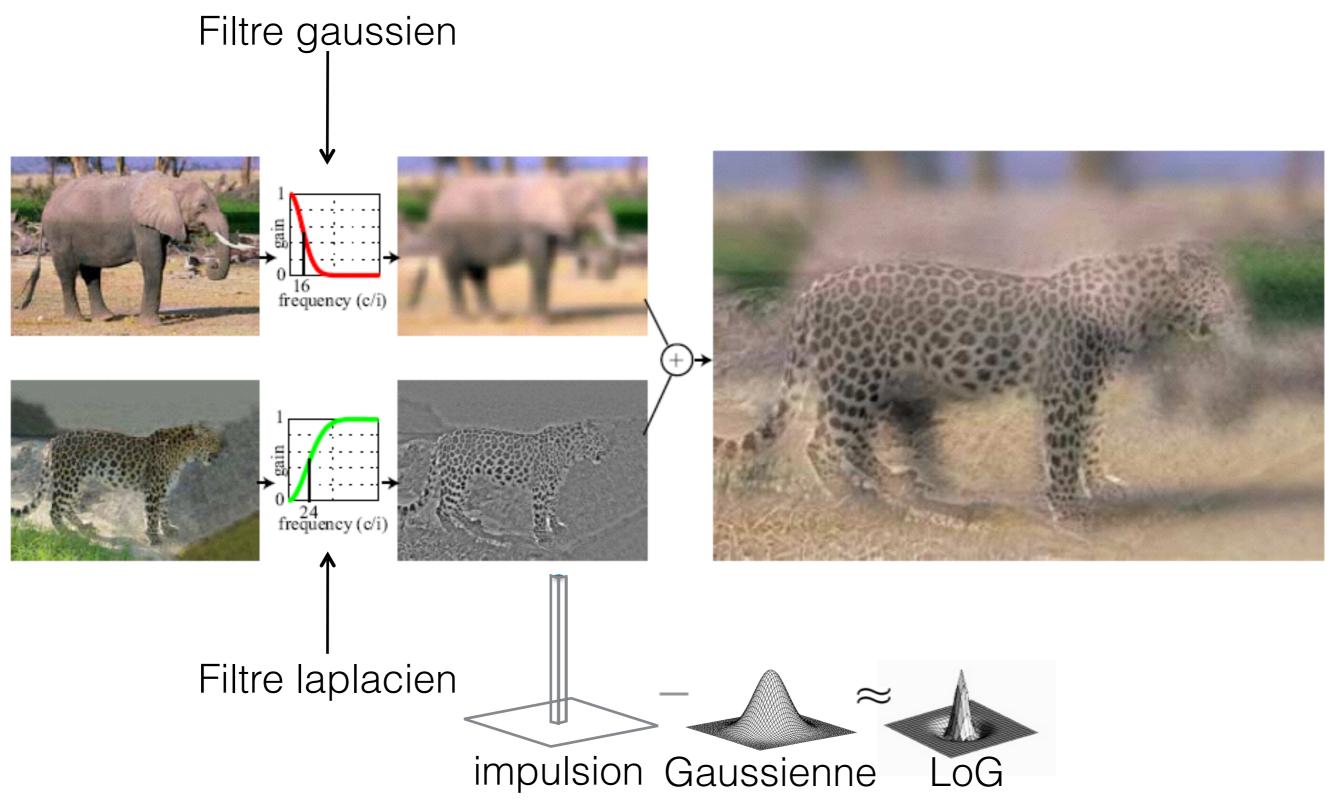
Filtre passe-haut

- Comment obtenir ce filtre passe-haut?
 - regarder de près...
 - passage par 0 aux arêtes...?
 - original filtrée (gaussien)
 ≈ laplacien d'une gaussienne!





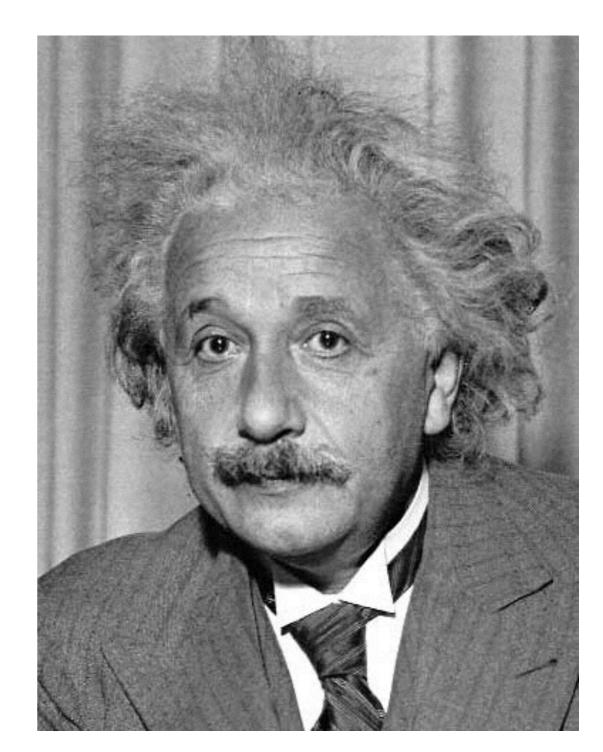
Images hybrides



Correspondance de modèles

But: trouver dans l'image

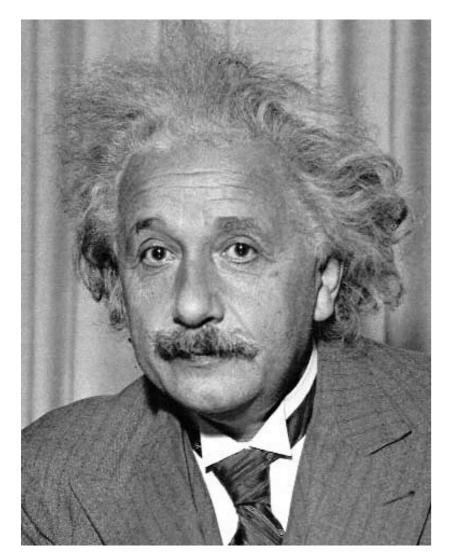
 Défi: Comment devrait-on comparer le modèle avec l'image?

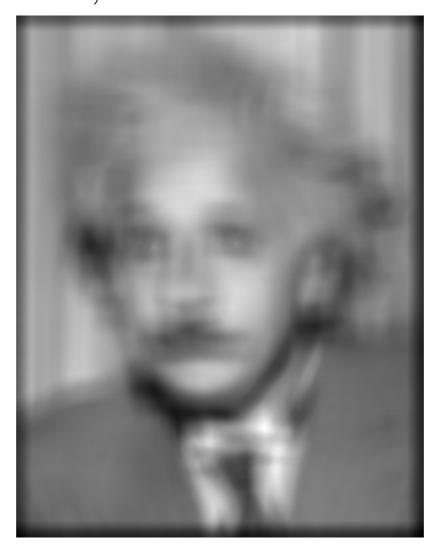


But: trouver dans l'image

Méthode 0: filtrer l'image avec l'oeil

$$h(m,n) = \sum_{k,l} g(k,l)f(m+k,n+l)$$





f = image g = filtre

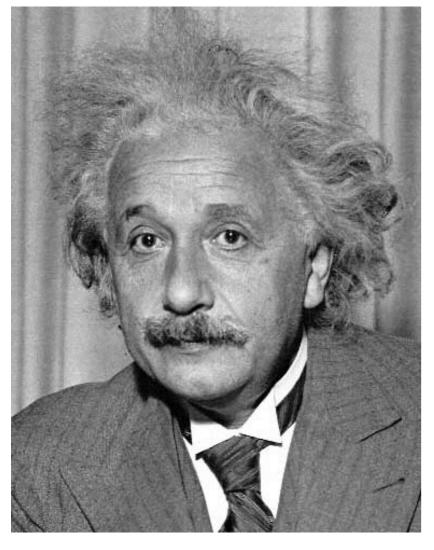
Qu'est-ce qui se passe?

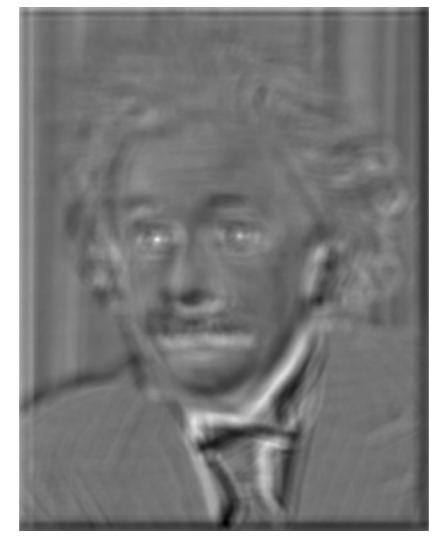
Image

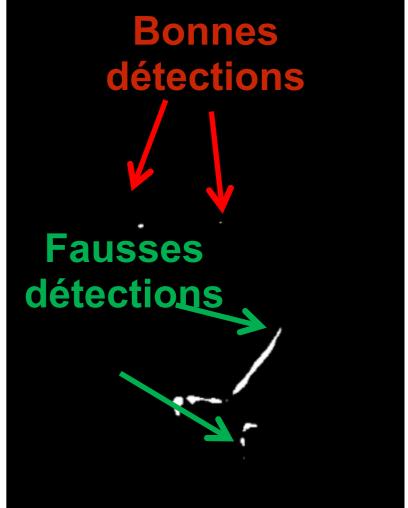
Image filtrée

- But: trouver dans l'image
- Méthode 1: soustraire la moyenne du filtre

$$h(m,n) = \sum_{k,l} (g(k,l) - \bar{g}) f(m+k,n+l)$$
 moyenne de g





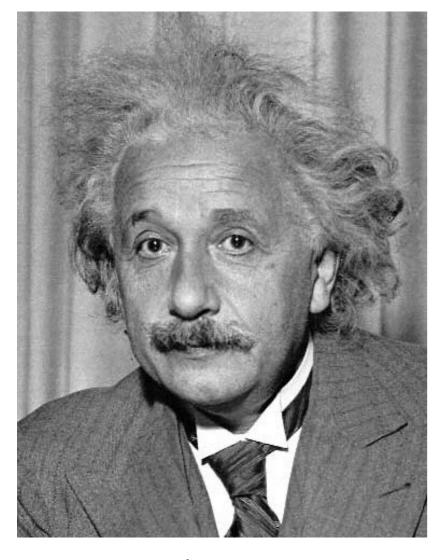


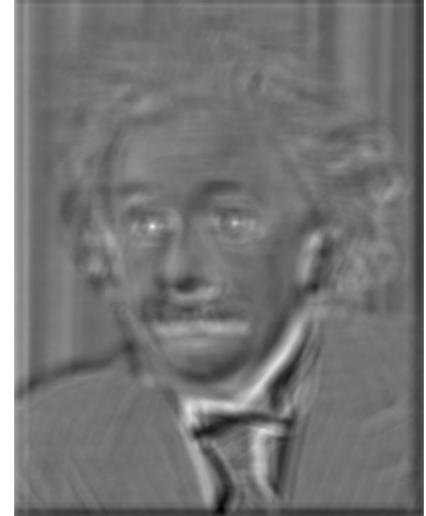
Image

Image filtrée

- But: trouver dans l'image
- Méthode 2: somme des différences au carré

$$h(m,n) = \sum_{k,l} (g(k,l) - f(m+k,n+l))^2$$



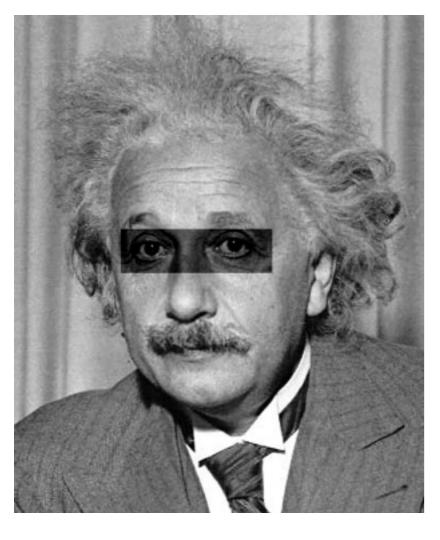




Image

- But: trouver dans l'image
- Méthode 2: somme des différences au carré

$$h(m,n) = \sum_{k,l} (g(k,l) - f(m+k,n+l))^2$$



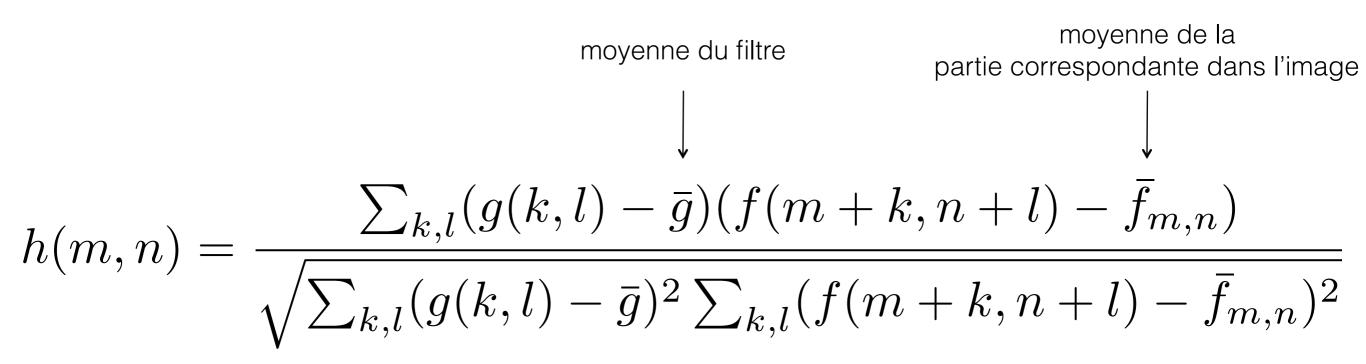


Problème?

Image

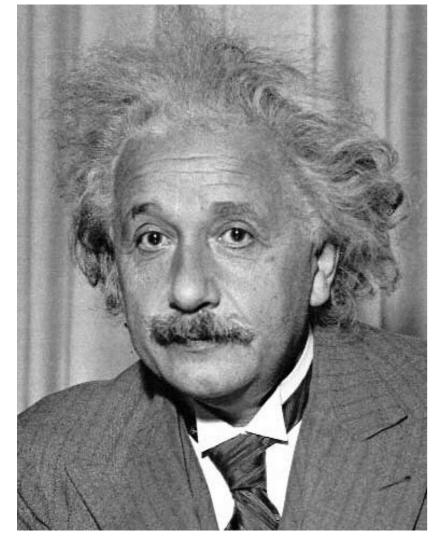
1-SSD

- But: trouver dans l'image
- Méthode 3: corrélation croisée normalisée

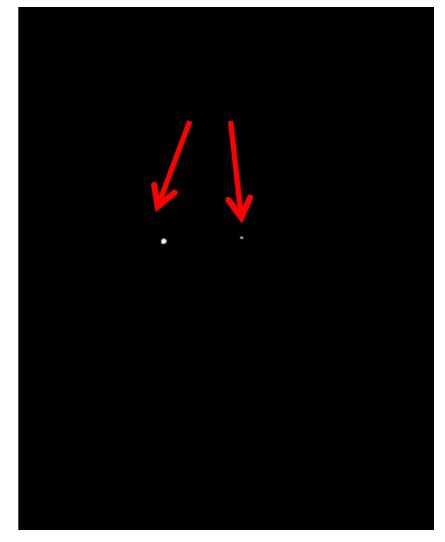


Dans matlab: C = normxcorr2(template, A)

- But: trouver dans l'image
- Méthode 3: corrélation croisée normalisée





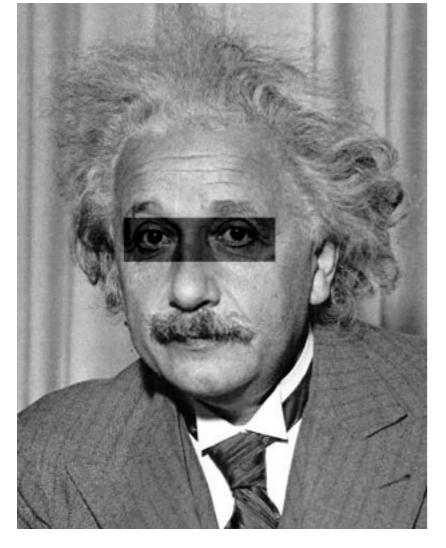


Image

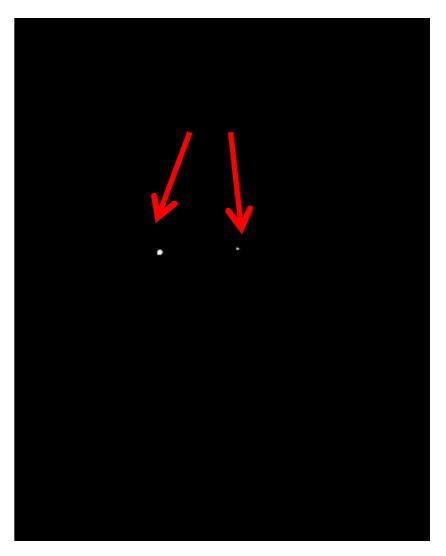
résultat

seuil

- But: trouver dans l'image
- Méthode 3: corrélation croisée normalisée







seuil

Image

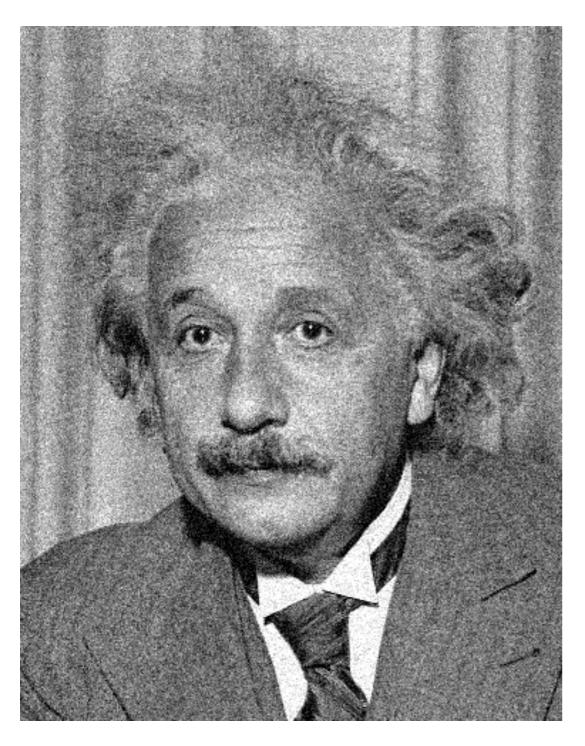
résultat

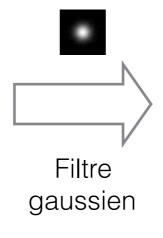
Derek Hoiem

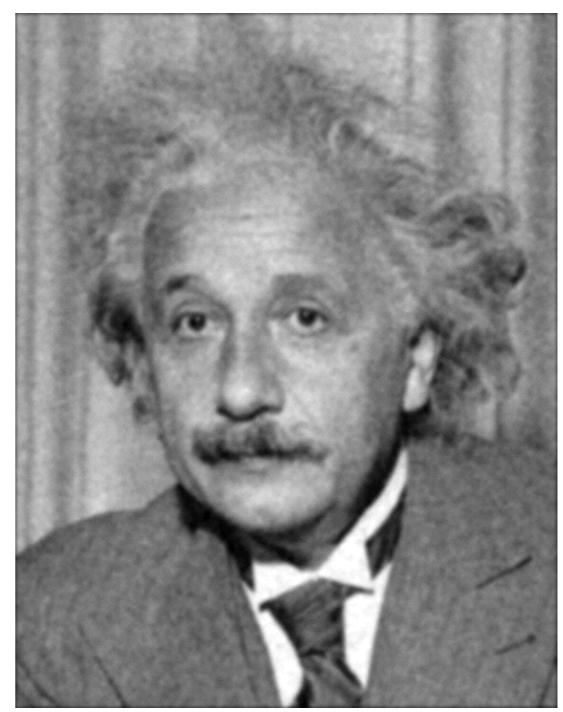
Quelle est la meilleure méthode?

- Ça dépend!
- Filtre normalisé
 - très rapide, mais pas très bon
- Somme des différences au carré
 - assez rapide, sensible aux variations d'intensité
- Corrélation croisée-normalisée
 - plus lente, mais robuste aux variations d'intensité

Atténuation du bruit

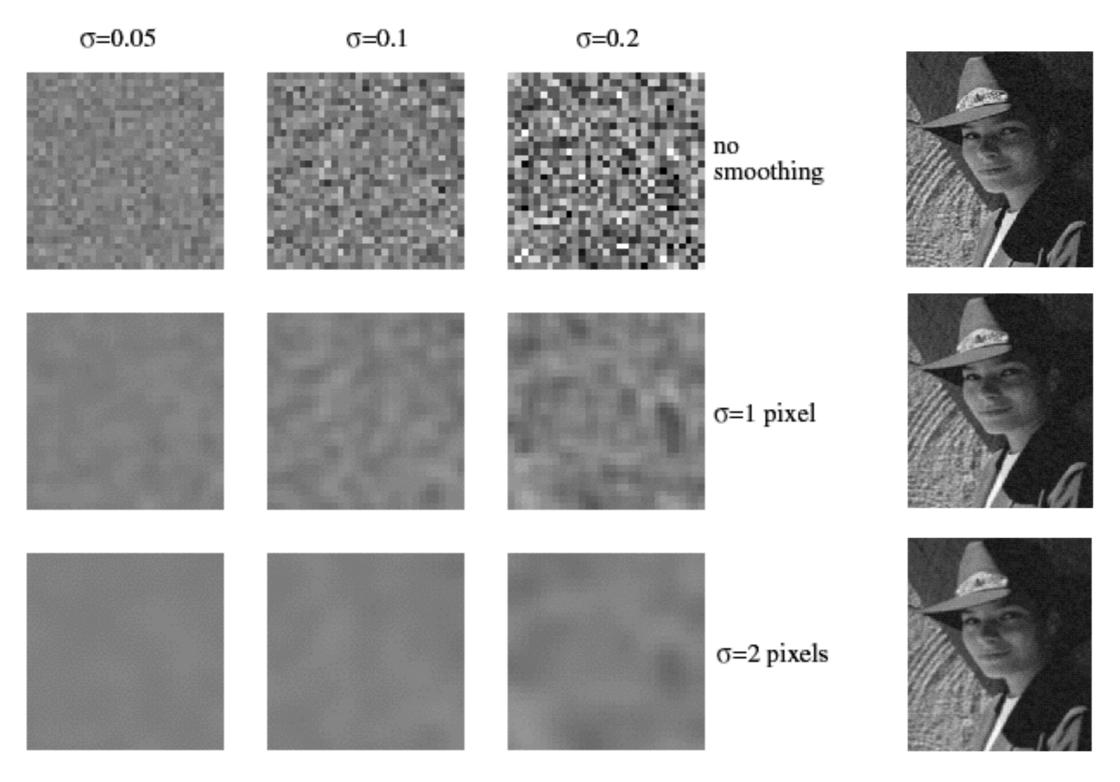






Bruit additif gaussien

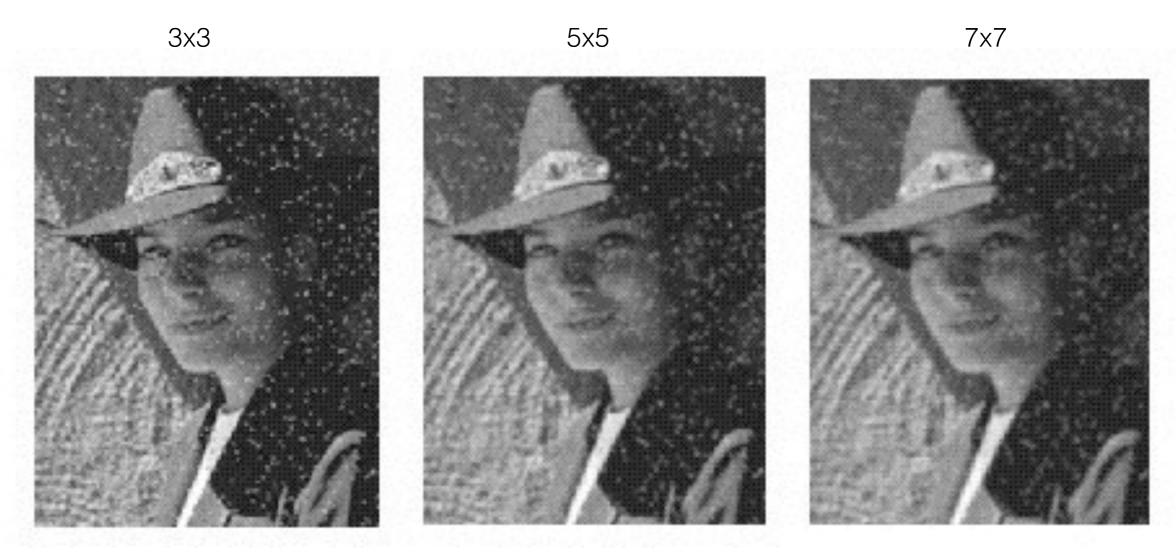
Atténuer le bruit gaussien



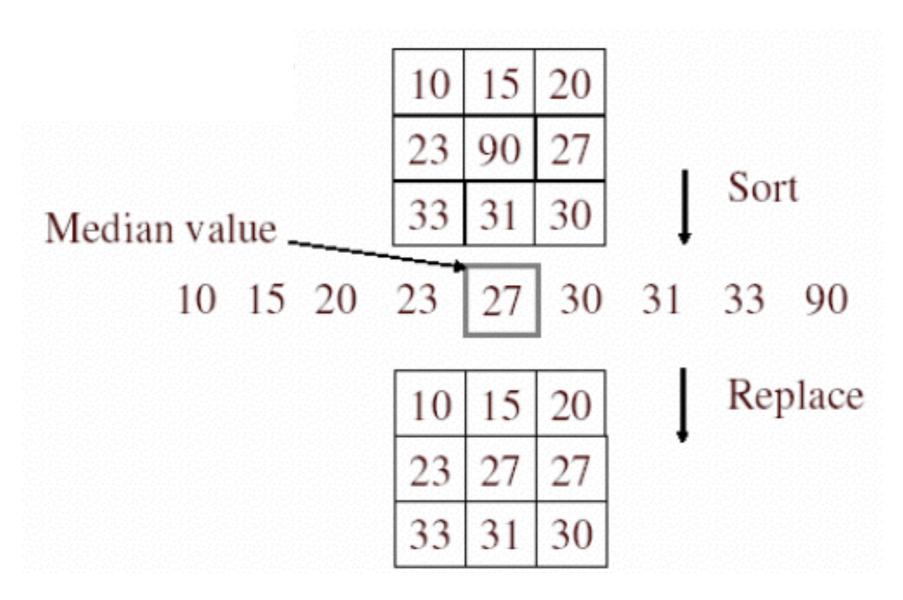
En augmentant la variance, on réduit le bruit, mais on rend l'image floue!

Bruit "poivre et sel"

Filtre gaussien



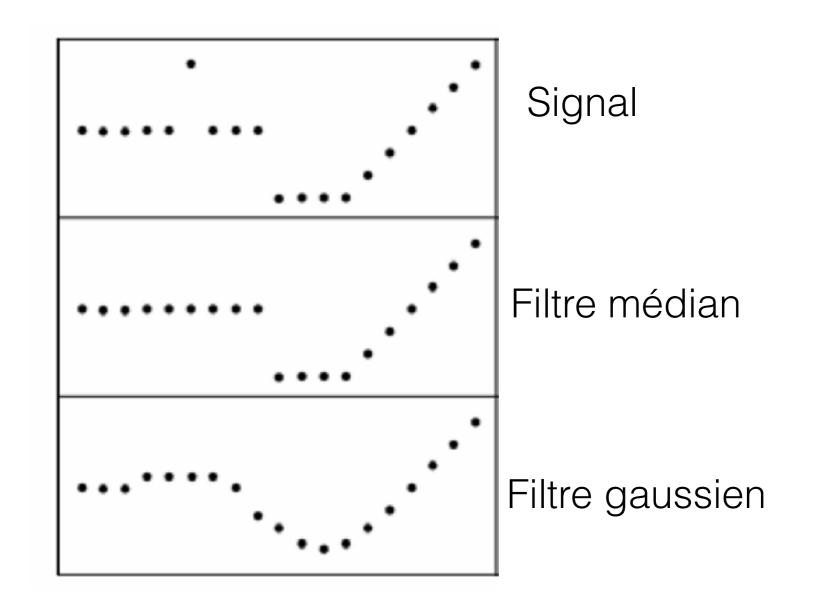
Idée alternative: filtre médian



Est-ce que c'est linéaire?

Filtre médian

Quels sont les avantages du filtre médian sur le filtre gaussien?

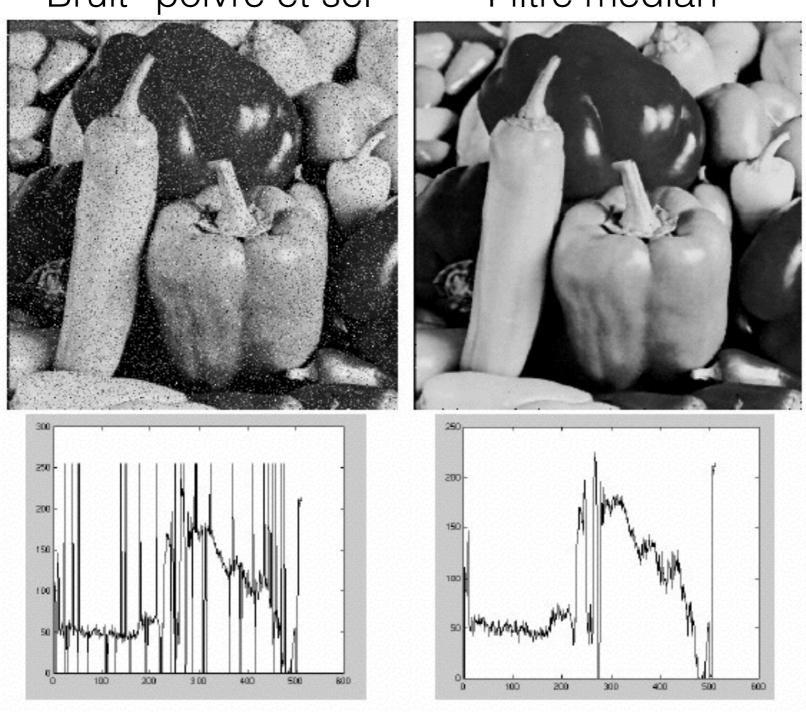


Source: K. Graum

Filtre médian

Bruit "poivre et sel"

Filtre médian



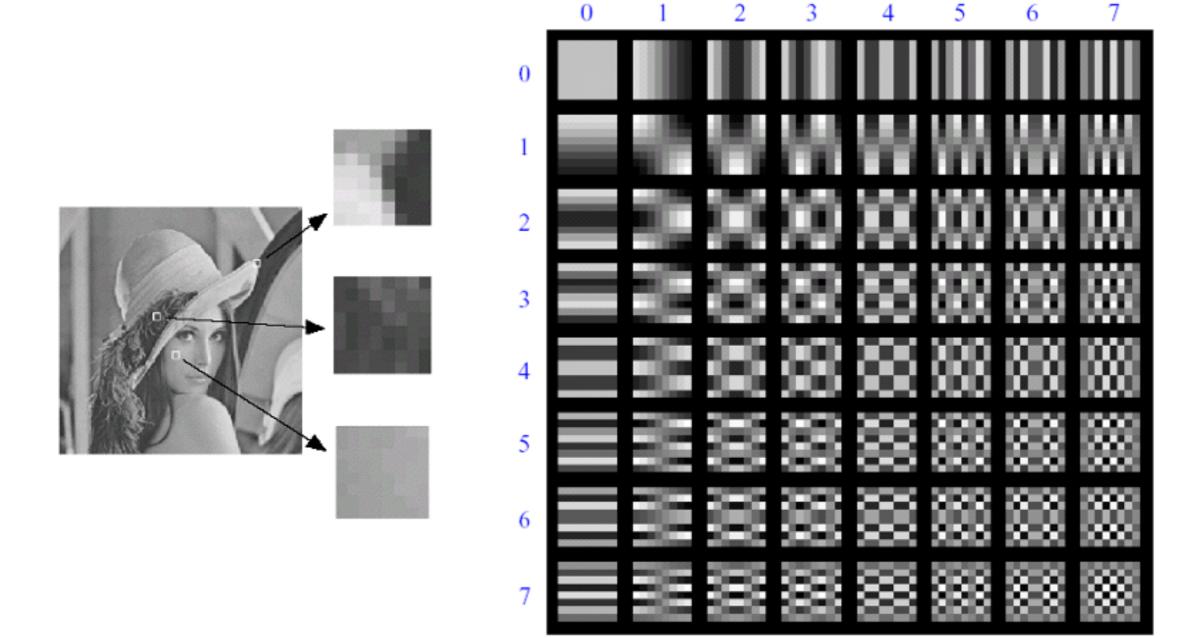
MATLAB: medfilt2(image, [h w])

Filtre Médian vs. gaussien

Gaussien

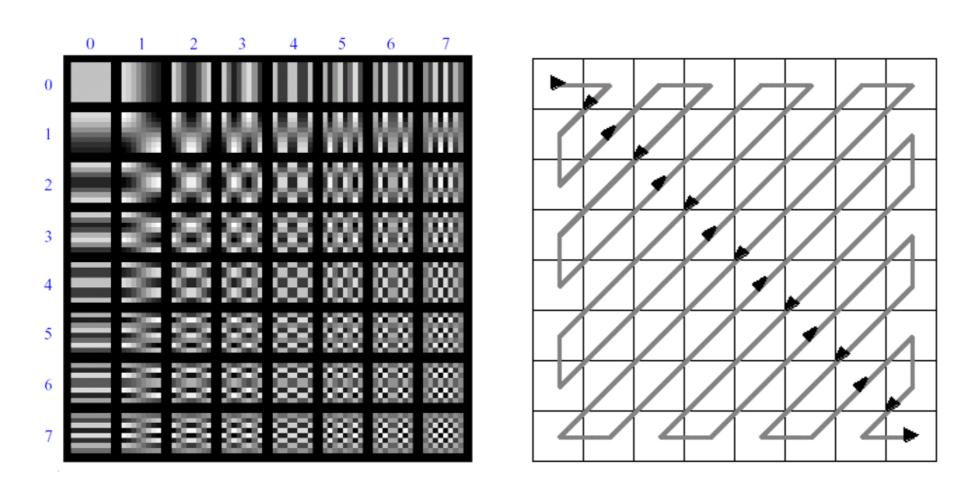
Médian

Compression (JPEG)



La DCT dans la compression JPEG

- Le premier coefficient B(0,0) est la composante DC (l'intensité moyenne)
- Les coefficients en haut à gauche représentent les basses fréquences, et en bas à droite les hautes



La DCT dans la compression JPEG

- Quantification
 - Plus approximatif pour les hautes fréquences (qui sont plus faibles de façon naturelle)
 - Plusieurs d'entre elles seront 0!

Réponse des filtres

$$G = \begin{bmatrix} -415.38 & -30.19 & -61.20 & 27.24 & 56.13 & -20.10 & -2.39 & 0.46 \\ 4.47 & -21.86 & -60.76 & 10.25 & 13.15 & -7.09 & -8.54 & 4.88 \\ -46.83 & 7.37 & 77.13 & -24.56 & -28.91 & 9.93 & 5.42 & -5.65 \\ -48.53 & 12.07 & 34.10 & -14.76 & -10.24 & 6.30 & 1.83 & 1.95 \\ 12.12 & -6.55 & -13.20 & -3.95 & -1.88 & 1.75 & -2.79 & 3.14 \\ -7.73 & 2.91 & 2.38 & -5.94 & -2.38 & 0.94 & 4.30 & 1.85 \\ -1.03 & 0.18 & 0.42 & -2.42 & -0.88 & -3.02 & 4.12 & -0.66 \\ -0.17 & 0.14 & -1.07 & -4.19 & -1.17 & -0.10 & 0.50 & 1.68 \end{bmatrix}$$

Valeurs quantifiées

Table de quantification

$$Q = \begin{bmatrix} 16 & 11 & 10 & 16 & 24 & 40 & 51 & 61 \\ 12 & 12 & 14 & 19 & 26 & 58 & 60 & 55 \\ 14 & 13 & 16 & 24 & 40 & 57 & 69 & 56 \\ 14 & 17 & 22 & 29 & 51 & 87 & 80 & 62 \\ 18 & 22 & 37 & 56 & 68 & 109 & 103 & 77 \\ 24 & 35 & 55 & 64 & 81 & 104 & 113 & 92 \\ 49 & 64 & 78 & 87 & 103 & 121 & 120 & 101 \\ 72 & 92 & 95 & 98 & 112 & 100 & 103 & 99 \end{bmatrix}$$

Compression JPG

- Diviser l'image en blocs (8x8), enlever 128
- Pour chaque bloc
 - Calculer les coefficients DCT
 - Quantification
 - Coefficients des hautes fréquences deviendront 0
 - Encodage (e.g., avec l'encodage Huffman)

Taille des blocs

- petit
 - rapide!
 - corrélation existe entre blocs adjacents (compression moins efficace)
- grand
 - meilleure compression
- 8x8 dans le standard JPEG

Comparaison

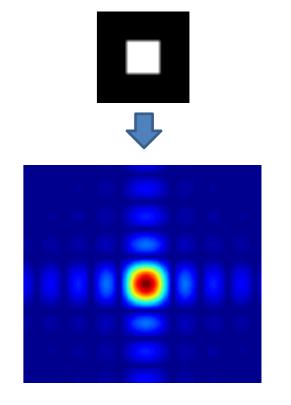


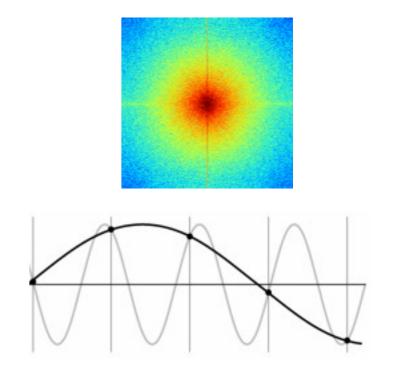


89k 12k

À retenir

- Souvent plus intuitif de penser en termes de fréquences
 - transformée de Fourier
- Plus rapide de filtrer avec la FFT pour les grosses images (N logN vs. N2)
- Les images ont plus d'énergie dans les basses fréquences
 - Compression?
- Souvenez-vous de filtrer avant d'échantillonner





Question à emporter

